Міністерство освіти і науки України

Модельна навчальна програма

# «Математика. 5-6 класи»

**для закладів загальної середньої освіти**

(автор **Істер О.С.**)

*«Рекомендовано Міністерством освіти і науки України»*

(наказ Міністерства освіти і науки України від 12.07.2021 № 795)

# Пояснювальна записка

Модельну програму створено на основі Державного стандарту базової середньої освіти.

**Метою базової середньої освіти** є розвиток природних здібностей, інтересів, обдарувань учнів, формування компетентностей, необхідних для їхньої соціалізації та громадянської активності, свідомого вибору подальшого життєвого шляху та самореалізації, продовження навчання на рівні профільної освіти або здобуття професії, виховання відповідального, шанобливого ставлення до родини, суспільства, навколишнього природного середовища, національних та культурних цінностей українського народу.

Реалізація мети базової середньої освіти ґрунтується на таких ціннісних орієнтирах, як:

* повага до особистості учня та визнання пріоритету його інтересів, досвіду, власного вибору, прагнень, ставлення у визначенні мети та організації освітнього процесу, підтримка пізнавального інтересу та наполегливості;
* створення освітнього середовища, у якому забезпечено атмосферу довіри та рівного доступу кожного учня до освіти без будь-яких форм дискримінації учасників освітнього процесу та проявів насильства (булінгу);
* дотримання принципів академічної доброчесності у взаємодії учасників освітнього процесу та організації всіх видів навчальної діяльності;
* становлення вільної особистості учня, підтримка його самостійності, підприємливості та ініціативності, розвиток критичного мислення та впевненості в собі;
* формування культури здорового способу життя учня, створення умов для забезпечення його гармонійного фізичного та психічного розвитку, добробуту;
* утвердження людської гідності, чесності, милосердя, доброти, справедливості, співпереживання, взаємоповаги і взаємодопомоги, поваги до прав і свобод людини, здатності до конструктивної взаємодії учнів між собою та з дорослими;
* формування в учнів активної громадянської позиції, патріотизму, поваги до культурних цінностей українського народу, його історико-культурного надбання і традицій, державної мови;
* плекання в учнів любові до рідного краю, відповідального ставлення до довкілля.

**Метою математичної освітньої галузі** є розвиток особистості учня через формування математичної компетентності у взаємозв’язку з іншими ключовими компетентностями для успішної освітньої та подальшої професійної діяльності впродовж життя, що передбачає засвоєння системи знань, удосконалення вміння розв’язувати математичні та практичні задачі; розвиток логічного мислення та психічних властивостей особистості; розуміння можливостей застосування математики в особистому та суспільному житті.

Далі у таблиці подано компетентнісний потенціал математичної освітньої галузі.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № | Ключовікомпетентності | Уміння та ставлення |
| 1 | **Вільне володіння державною мовою** | ***Уміння***:чітко і зрозуміло формулювати думки, аргументувати, ставити запитання і розпізнавати проблеми,формулювати висновки на основі інформації, поданої в різних формах, доречно та коректно вживати в мовленні математичну термінологію, вести критичний та конструктивний діалог,поповнювати свій словниковий запас***Ставлення***:визнання важливості чітких і лаконічних формулювань та повага до державної мови |
| 2 | **Здатність****спілкуватися рідною (у разі відмінності від державної) та іноземними мовами** | **Здатність спілкуватися рідною (у разі відмінності від державної) мовою*****Уміння:***розуміти і перетворювати тексти математичного змісту рідною мовою, зіставляти математичні терміни та поняття рідною та державною мовами,правильно та доречно вживати математичну термінологію, грамотно висловлюватися***Ставлення:***розуміння цінності мовного різноманіття та повага до рідної мови**Здатність спілкуватися іноземними мовами** |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ***Уміння:***поповнювати словниковий запас математичними термінами іншомовного походження,зіставляти математичний термін або його буквене позначення з відповідником іноземною мовою для пошуку інформації в іншомовних джерелах***Ставлення:***усвідомлення важливості правильного використання математичних термінів та позначення їх у різних мовах у навчанні та повсякденному житті |
| 3 | **Математична компетентність** | ***Уміння:***оперувати текстовою і числовою інформацією, геометричними об’єктами на площині та в просторі,встановлювати кількісні та просторові відношення між реальними об’єктами навколишньої дійсності (природними, культурними, технічними тощо),обирати, створювати і досліджувати найпростіші математичні моделі реальних об’єктів, процесів і явищ, інтерпретувати та оцінювати результати, здійснювати прогнози в контексті навчальних і практичних задач,доводити правильність тверджень,застосовувати логічні способи мислення під час розв’язування пізнавальних і практичних задач,пов’язаних з реальними об’єктами,використовувати математичні методи в життєвих ситуаціях***Ставлення:***готовність шукати пояснення та оцінювання правильності аргументів,усвідомлення важливості математики як мови науки, техніки та технологій |
| 4 | **Компетентності в галузі****природничих наук, техніки і технологій** | ***Уміння:***будувати та досліджувати математичні моделі природних явищ і процесів, робити висновки на основі міркувань та свідчень,обґрунтовувати рішення***Ставлення:***критичне оцінювання досягнень науково-технічного прогресу, |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | усвідомлення важливості математики для опису та пізнання навколишнього світу |
| 5 | **Інноваційність** | ***Уміння:***генерувати нові ідеї щодо розв’язання проблемної ситуації, аналізувати та планувати їхнє втілення***Ставлення:***відкритість до інновацій, позитивне оцінювання та підтримка конструктивних ідей інших осіб |
| 6 | **Екологічна компетентність** | ***Уміння:***розпізнавати проблеми, що виникають у довкіллі, які можна розв’язати, використовуючи засоби математики,оцінювати, прогнозувати вплив людської діяльності на довкілля через побудову та дослідження математичних моделей природних процесів і явищ***Ставлення:***зацікавленість у дотриманні умов екологічної безпеки та сталому розвитку суспільства,визнання ролі математики в розв’язанні проблем довкілля |
| 7 | **Інформаційно- комунікаційна компетентність** | ***Уміння:***структурувати дані,діяти за алгоритмом та складати алгоритм,визначати достатність даних для розв’язання задачі, використовувати різні знакові системи,оцінювати достовірність інформації, доводити істинність тверджень ***Ставлення:***критичне осмислення інформації та джерел її отримання,усвідомлення важливості інформаційно-комунікаційних технологій для ефективного розв’язання математичних задач |
| 8 | **Навчання****впродовж життя** | ***Уміння:***організовувати та планувати свою навчальну діяльність,моделювати власну освітню траєкторію, аналізувати, контролювати, коригувати та |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | оцінювати результати своєї навчальної діяльності, доводити правильність чи помилковість суджень ***Ставлення:***усвідомлення власних освітніх потреб та цінності нових знань і умінь,зацікавленість у пізнанні світу та розуміння важливості навчання впродовж життя, прагнення вдосконалювати результати людської діяльності |
| 9 | **Громадянські та соціальні компетентності** | **Громадянські компетентності*****Уміння:***висловлювати власну думку, слухати і чути інших осіб, оцінювати аргументи та змінювати думку на основі доказів,аналізувати і критично оцінювати соціально-економічні події у державі на основі статистичних даних,враховувати правові, етичні й соціальні наслідки прийняття рішень, розпізнавати інформаційні маніпуляції***Ставлення:***налаштованість на логічне обґрунтування позиції без передчасного переходу до висновків**Соціальні компетентності*****Уміння:***співпрацювати в команді для розв’язання проблеми, аргументувати та обстоювати власну позицію,приймати аргументовані рішення на основі аналізу всіх даних та формування причинно-наслідкових зв’язків проблемної ситуації***Ставлення:***відповідальність та ініціативність, упевненість у собі,рівне ставлення до інших осіб та відповідальність за спільну справу |
| 10 | **Культурна компетентність** | ***Уміння:***бачити математику у творах мистецтва, |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | будувати фігури, графіки, схеми, діаграми тощо, унаочнювати математичні моделі,здійснювати необхідні розрахунки для встановлення пропорцій, відтворення перспектив, створення об’ємно-просторових композицій***Ставлення:***усвідомлення взаємозв’язків математики та культури на прикладах із живопису, музики, архітектури тощо,розуміння важливості внеску математиків у загальносвітову культуру |
| 11 | **Підприємливість** | ***Уміння:*** |
|  | **та фінансова** | генерувати нові ідеї, аналізувати, ухвалювати оптимальні рішення, розв’язувати |
|  | **грамотність** | життєві проблеми, |
|  |  | обстоювати свою позицію, дискутувати, |
|  |  | використовувати різні стратегії, шукати оптимальні способи розв’язання проблемних |
|  |  | ситуацій, |
|  |  | будувати та досліджувати математичні моделі економічних процесів, |
|  |  | планувати та організовувати діяльність для досягнення цілей, |
|  |  | аналізувати власну економічну ситуацію, родинний бюджет, використовуючи |
|  |  | математичні методи, |
|  |  | робити споживчий вибір послуг і товарів на основі чітких критеріїв, використовуючи |
|  |  | математичні вміння |
|  |  | ***Ставлення:*** |
|  |  | ощадливість і поміркованість, розуміння важливості математичних розрахунків та |
|  |  | оцінювання ризиків |

Базові знання математичної освітньої галузі для 5-6 класів, передбачені Державним стандартом, що реалізуються цією програмою, є такими.

Методологія математики: математична термінологія і символіка; математичні твердження; аксіоми і теореми; індуктивні та дедуктивні міркування; формулювання гіпотез; математичне моделювання.

Числа і вирази: числові множини; натуральні, цілі, раціональні числа та дії із ними та їх порівняння; звичайні та десяткові дроби; відношення і відносні величини, відсотки, пропорції; числові і буквені вирази та їх перетворення.

Рівняння і нерівності: рівняння, що розв’язується на основі залежностей між компонентами і результатом арифметичних дій та з використанням правил, що ґрунтуються на основних властивостях рівняння; числові нерівності.

Геометрія і вимірювання геометричних величин: первинні геометричні об’єкти (фігури та відношення); найпростіші геометричні фігури; трикутники, многокутники; основні геометричні форми: лінії, поверхні, тіла; коло і круг; рівність; вимірювання відрізків та кутів; площа й об’єм.

Координати: система координат, прямокутна декартова система координат.

Дані, статистика та ймовірність: дані, їх види, подання та обробка; найпростіші комбінаторні задачі; ймовірність випадкової події.

## Характеристика навчального змісту та особливостей його реалізації

Курс математики основної школи логічно продовжує реалізацію завдань математичної освіти здобувачів освіти, розпочату в початкових класах, розширюючи і доповнюючи ці завдання відповідно до вікових і пізнавальних

можливостей здобувачів освіти.

**Курс математики 5 - 6 класів** передбачає розвиток, збагачення і поглиблення знань учнів про числа і дії над ними, числові й буквені вирази, величини та їх вимірювання, рівняння, числові нерівності, а також уявлень про окремі геометричні фігури на площині і в просторі. Понятійний апарат, обчислювальні алгоритми, графічні уміння й навички, які мають бути сформовані на цьому ступені навчання, є тим підґрунтям, що забезпечить успішне навчання в наступних класах як алгебри й геометрії, так і інших навчальних предметів, що потребують математичних знань.

В курсі математики 5-6 класів можна виділити такі основні змістові лінії: *арифметика; елементи алгебри; наочна геометрія.*

***Змістова лінія «Арифметика»*** закладає фундамент для подальшого навчання математики та суміжних дисциплін, забезпечує розвиток обчислювальних навичок та логічного мислення, навичок порівняння чисел та значень величин, вміння складати та/або застосовувати алгоритми, сприяє розвитку вмінь планувати і здійснювати діяльність для розв’язування текстових і сюжетних задач, що відображено практичне застосування математики в житті і діяльності людини.

***Змістова лінія «Елементи алгебри»*** систематизує знання про математичну мову та символіку, що реалізується застосуванням буквених позначень та символів для запису чисел, властивостей арифметичних дій, порівняння значень виразів та величин, а також для знаходження невідомих компонентів арифметичних дій.

***Змістова лінія «Наочна геометрія»*** систематизує та розширює початкові знання про геометричні фігури та величини, сприяє формуванню в учнів первинних уявлень про геометричні абстракції реального світу, навичок користування креслярськими інструментами для геометричних вимірювань і побудов, закладає основи для формування графічної культури, розвиває образне мислення і просторову уяву.

Основу курсу становить розвиток поняття числа та формування міцних обчислювальних і графічних навичок. У 5–6 класах відбувається поступове розширення множини натуральних чисел до множини раціональних чисел шляхом послідовного введення дробів (звичайних і десяткових), а також від’ємних чисел разом із формуванням культури усних, письмових, інструментальних обчислень.

Навчальний матеріал, пов’язаний із виразами, величинами, рівняннями і нерівностями, геометричними фігурами, має загалом пропедевтичний характер і спрямований на підготовку учнів до свідомого системного вивчення відповідних тем у курсах алгебри і геометрії. Зокрема, учні мають отримати уявлення про використання букв для запису законів арифметичних дій, формул, навчитись обчислювати значення простих буквених виразів, за умовою задачі складати й розв’язувати нескладні рівняння першого степеня спочатку на основі залежностей між компонентами арифметичних дій, а згодом із використанням основних властивостей рівнянь. Важливе значення в навчанні у 5-6 класах для підготовки учнів до систематичного вивчення алгебри, геометрії та інших предметів мають початкові відомості про метод координат, а саме: координатні промінь, пряма, площина, зображення точок за їхніми координатами та навпаки, визначення координат точок за їхнім зображенням.

Істотне місце у вивченні курсу займають текстові задачі, основними функціями яких є розвиток логічного мислення учнів та ілюстрація практичного застосування математичних знань. Під час розв’язування текстових задач учні також вчаться використовувати математичні моделі. Розв’язування таких задач супроводжує вивчення всіх тем, передбачених програмою.

Зміст геометричного матеріалу включає початкові відомості про плоскі (відрізок, промінь, пряма, кут, трикутник, прямокутник, квадрат, коло, круг) та об’ємні (прямокутний паралелепіпед, куб) фігури. Учні набувають навичок вимірювання довжини відрізка й градусної міри кута, знаходження площ і об’ємів деяких фігур, побудови геометричних фігур за допомогою лінійки, косинця, транспортира і циркуля. Розширюються уявлення учнів про вимірювання геометричних величин на прикладах вимірювання і порівняння величин відрізків або кутів, побудови відрізків даної довжини і кутів із заданою

градусною мірою, оперування формулами периметрів, площ і об’ємів геометричних фігур — знаходження невідомого компонента формули за відомими, встановлення і використання співвідношень між певними одиницями вимірювання. Побудова кута за допомогою транспортира або косинця (прямого кута), прямої та відрізка за допомогою лінійки використовується при побудові трикутників, прямокутників, перпендикулярних і паралельних прямих.

Вивчення геометричних фігур має передбачати використання наочних ілюстрацій, прикладів із довкілля, життєвого досвіду учнів, виконання побудов і сприяти виробленню вмінь виділяти форму і розміри як основні властивості геометричних фігур. Закріплення понять супроводжується їхньою класифікацією (кутів, трикутників, взаємного розміщення прямих на площині). Властивості геометричних фігур спочатку обґрунтовуються дослідно-індуктивно, потім застосовуються в конкретних ситуаціях, що сприяє виробленню в учнів умінь доказово міркувати.

Основу інтеграції геометричного матеріалу з арифметичним і алгебраїчним складають числові характеристики (довжина, площа, об’єм) геометричних фігур. Узагальнюються знання учнів про одиниці вимірювання довжини, площі, об’єму і вміння переходити від одних одиниць до інших, оскільки ці знання і вміння використовуються для предметів природничого циклу та технологій.

Важливим є формування в учнів умінь подавати дані у вигляді таблиць і діаграм різних типів та на основі їхнього аналізу робити відповідні висновки.

Вивчення математики у 5–6 класах здійснюється з переважанням індуктивних міркувань в основному на наочно- інтуїтивному рівні із залученням практичного досвіду учнів і прикладів із довкілля. Відбувається поступове збільшення теоретичного матеріалу, який вимагає обґрунтування тверджень, що вивчаються. Це готує учнів до ширшого використання дедуктивних методів на наступному етапі вивчення математики.

ВИМОГИ

*до обов’язкових результатів навчання учнів у математичній освітній галузі (5-6 класи)*

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Загальні результати | Конкретні результати | Орієнтири для оцінювання |
| **1. Дослідження ситуацій і виокремлення проблем, які можна розв’язати із застосуванням математичних методів** |
| Вирізняє серед ситуацій із повсякденного життя ті, що розв’язуються математичними методами | вирізняє серед проблемних ситуацій ті, що розв’язуються математичнимиметодами | вирізняє проблемніситуації, які можуть бути розв’язані відомимиматематичними методамивиокремлює в конкретній проблемній ситуації її окремі складові частини, що можуть бути розв’язані математичними методами |
| виокремлює подібні ситуації | вирізняє проблемнуситуацію з аналогічним способом розв’язання |
| Досліджує,аналізує дані та зв’язки між ними, оцінює їхнюдостовірність та | досліджує проблемнуситуацію, отримує дані, перевіряє достовірність даних | вирізняє у проблемнійситуації математичні данірозрізняє початкові дані та шукані результати |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| доцільність використання |  |  |
| аналізує дані, описує зв’язки між ними, подає дані у різних формах | описує зв’язки між данимизаписує та представляє дані у текстовій, табличній та графічній формі |
| добирає дані, потрібні для розв’язання проблемної ситуації | визначає дані, які є необхідними длярозв’язання проблемної ситуації |
| Прогнозує результат розв’язання проблемної ситуації | визначає, що самеможе бути результатом розв’язання проблемної ситуації | прогнозує межі, точність, можливі формипредставлення результату |
| **2. Моделювання процесів і ситуацій, розроблення стратегій, планів дій для розв’язання проблемних ситуацій** |
| Сприймає і перетворює інформаціюматематичного змісту | добирає, впорядковує, фіксує, перетворює звукову, текстову,графічну інформацію математичного змісту, зокрема в цифровому середовищі | використовуєінформаційно-комунікаційні технології для пошуку та зберіганняінформації математичного змістучитає таблиці, діаграми, формули, графіки |
| перетворює, представляє та | перетворює текстовуінформацію математичного |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | поширює інформацію математичного змісту з використанням різних засобів, зокремацифрових | змісту в таблиці та діаграмипрезентує свої висновки чи способи розв’язання усноабо письмово, зокрема з використаннямінформаційно-комунікаційних технологій |
| Розробляє стратегії розв’язанняпроблемних ситуацій | обирає способи та розробляє план дій, необхідних длярозв’язання проблемної ситуації | планує власні дії,спрямовані на розв’язання проблемної ситуаціїпропонує ідеї щодо ходу розв’язання проблемної ситуації |
| шукає альтернативні способи розв’язання проблемної ситуації | пропонує альтернативний спосіб розв’язання проблемної ситуації |
| Створюєматематичну модель проблемної ситуації | визначає компоненти математичної моделі проблемної ситуації та взаємозв’язки між ними | визначає компоненти математичної моделі проблемної ситуації,взаємозв’язки між ними, їхню повноту |
| будує математичну модель проблемної ситуації,використовуючи | будує математичну модель, використовуючи вирази, рівняння, нерівності,графіки та інші форми |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | визначенийматематичний апарат | подання моделі |
| Подаєрезультати розв’язання проблемної ситуації таконструктивно обговорює їх | формулює та відображає у зручній для сприйняття формірезультати розв’язання проблемної ситуації, зокрема звикористаннямінформаційно-комунікаційних технологій | презентує результати розв’язання проблемноїситуації, використовуючи різні способи таінструменти, зокремаінформаційно-комунікаційні технології |
| Подає результати розв’язання проблемної ситуації, пояснює їхнє застосування |  |
| **3. Критичне оцінювання процесу та результату розв’язання проблемних ситуацій** |
| Оцінює дані проблемної ситуації,необхідні і достатні для її розв’язання | оцінює необхідність і достатність даних для розв’язання проблемної ситуації | розрізняє умову і вимогу, дані та невідомі елементи проблемної ситуації |
| визначає недостатність чи надлишковістьданих для розв’язання проблемної ситуації | відповідає на запитання щодо умови, залежностіміж елементами проблемної ситуації, недостатності та надлишковості даних |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Критично оцінює спосіброзв’язання та різні моделі проблемноїситуації, обирає раціональний шлях їїрозв’язання | оцінює різні способи розв’язання проблемної ситуації | добирає моделі та способи, розробляє план розв’язання проблемної ситуації зааналогієювиокремлює простіші проблеми у складі запропонованої проблемної ситуації |
| обирає математичнумодель до стандартної ситуації | приймає рішення щодо вибору раціонального способу розв’язання проблемної ситуаціївиявляє ініціативу та обговорює можливі варіанти залученнядодаткових ресурсів і даних |
| **4. Розвиток математичного мислення для пізнання і перетворення дійсності, володіння математичною мовою** |
| Мислитьматематично | визначає та описує зв’язки міжматематичними об’єктами та об’єктами реального світу | визначає та описує математичніхарактеристикинавколишніх об’єктів (кількість, розмір, форма)розпізнає та інтерпретує числову інформацію, |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | розпізнає геометричні об’єкти та їхні елементи на площині та в просторі |
| пов’язує різні елементи математичних знань і вмінь, робить висновки, підкріплюєсвою думку аргументами | групує математичні об’єкти за спільними ознаками, описує їхні властивості, використовує властивостіматематичних об’єктів для обґрунтування своїх дій та їхніх наслідків |
| Застосовує математичніпоняття, факти та послідовність дій для розв’язання проблемнихситуацій | використовуєматематичні поняття, факти та запропонованупослідовність дій для розв’язанняпроблемних ситуацій | добирає математичні дані, використовує відоміправила та послідовність дій з математичними об’єктами для розв’язання проблемних ситуацій |
| виконує операції з математичними об’єктами та використовує різні форми подання інформації | подає математичну інформацію в різних формах (числовій,графічній, табличній тощо), аналізує її, робить висновки |
| використовуєнеобхідне приладдя таінформаційно-комунікаційні | користуєтьсякреслярськими інструментами та |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | технології | інформаційно-комунікаційними технологіями длярозв’язання проблемної ситуації |
| Володіє | володіє математичними | читає та розуміє тексти |
| математичною | термінами та | математичного змісту, |
| термінологією, | символами, доцільно | доречно формулює, |
| ефективно | використовує їх | використовує математичні |
| використовує її |  | поняття і факти |
|  | висловлюється | висловлюється змістовно, |
|  | змістовно, точно, | точно, лаконічно |
|  | лаконічно |  |

## Структура програми

Програму подано у вигляді таблиці, кожний стовпчик якої містить очікувані результати навчання, відповідні йому зміст навчального матеріалу та види навчальної діяльності для їхнього досягнення відповідно. Очікувані результати навчально- пізнавальної діяльності учнів є об’єктом контролю й оцінювання.

Зміст навчального матеріалу структуровано за темами курсу математики відповідно для 5 і 6 класів.

# клас МАТЕМАТИКА

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Очікувані результати навчання здобувачів освіти** | **Зміст навчального матеріалу** | **Види навчальної діяльності учнів** |
| **Тема 1. УЗАГАЛЬНЕННЯ ТА СИСТЕМАТИЗАЦІЯ ЗНАНЬ ЗА КУРС ПОЧАТКОВОЇ ШКОЛИ** |
| **відтворює** послідовність чисел у межах мільйона;**читає** і **записує** числа та дроби; **порівнює** числа та дроби з однаковими знаменниками;**володіє** навичками письмового додавання, віднімання, множення та ділення чисел у межах мільйона;**розуміє** спосіб одержання дробу, суть чисельника і знаменника дробу;**застосовує** правила знаходження дробу від числа та числа за значенням його дробу; правила порядку виконання дій під часобчислень значень виразів без дужок та з дужками**знає** одиниці вимірювання довжини, маси, місткості, часу таспіввідношення між ними;**вимірює** і **порівнює** величини: | Натуральні числа. Порівняннянатуральних чисел. Арифметичні дії з натуральними числамиПоняття дробу Порівняння дробівЗнаходження дробу від числа Знаходження числа за значенням його дробуВеличини: довжина, маса, місткість, часДії з величинамиЧислові та буквені вирази РівнянняГеометричні фігури на | Короткі усні/письмові відповіді на запитанняУсний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуванимирезультатами навчання, самостійних і тематичних контрольних робіт, інших видів робіт для діагностики знань та повторення матеріалу за курспочаткової школи результатів навчанняДослідницька, проєктна та пошукова діяльністьНаприклад:* Пошук раціональних способів обчислень числових виразів
* Встановлення залежності між різними одиницями однієї величини
 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| довжину, масу, місткість, час;**перетворює** величини, подані в двох одиницях найменувань, в одну, інавпаки;**виконує** арифметичні дії з іменованими числами;**записує** математичні вирази і твердження, подані в текстовійформі, з використанням математичних символів;**знаходить** значення числового виразу та буквеного виразу із заданим значенням букви;**розв’язує** рівняння з одним невідомим на основі правил знаходженняневідомого компоненту арифметичної дії;**перевіряє**, що одержане значення невідомого є розв’язком рівняння; **розпізнає** і **класифікує** геометричні фігури за істотними ознаками;**називає** істотні ознаки прямокутника (квадрата);**будує** прямокутник (квадрат); коло,круг за заданим значенням радіуса, діаметра; | площині: точка,відрізок, промінь, пряма, кут, ламана, трикутник, квадрат, прямокутник, многокутник, коло, круг | * Розв’язування математичних ребусів
* Створення моделей для ілюстрації звичайних дробів
* Визначення периметра та (або) площі многокутника дослідницьким шляхом

Користування вимірювальними приладами: лінійка,годинник, терези, секундомір, термометр |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **знаходить** периметр многокутника та площу прямокутника (квадрата) внавчальних і практичнихситуаціях. |  |  |
| **Тема 2. НАТУРАЛЬНІ ЧИСЛА І ДІЇ З НИМИ. ГЕОМЕТРИЧНІ ФIГУРИ І ВЕЛИЧИНИ** |
| **наводить приклади:** натуральних чисел; шкал; числових і буквених виразів, формул; рівнянь;**знаходить на малюнках:** відрізок даної довжини та кут даної градусної міри; геометричні фігури, вказані у змісті;**розрізняє:** цифри і числа;**читає і записує**: натуральні числа в межах мільярда; числові нерівності; **використовує:** властивостіарифметичних дій з натуральними числами;**записує і пояснює** формули: периметра вказаних у змісті геометричних фігур; площі прямокутника, квадрата;**пояснює,** що таке: натуральне число; значення виразу; степіньнатурального числа, квадрат і кубнатурального числа; відрізок, пряма; промінь; координатний промінь; шкала; кут; трикутник; квадрат;прямокутник; рівні фігури; розв’язати | Натуральні числа. Число нульЦифри. Десятковий запис натуральних чиселПорівняння натуральних чисел. Числові нерівностіОкруглення натуральних чиселАрифметичні дії знатуральними числами та їхні властивостіСтепінь натурального числа. Квадрат і куб числа. Порядок виконання арифметичних дій у виразахДілення з остачеюЧислові вирази. Буквені вирази та формулиРівняння | Короткі усні/письмові відповіді на запитанняУсний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуванимирезультатами навчання, самостійних і тематичних контрольних робіт, інших видів робіт для діагностики,контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправПрактична робота на вимірювання та побудову |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| рівняння;**пояснює правила:** додавання, віднімання, множення, ділення, порівняння; виконання ділення з остачею, округлення натуральних чисел;**знає** одиниці вимірюваннядовжини відрізка та співвідношення між ними;**знає** одиницю вимірювання величини кута;**класифікує:** кути за їхньою градусною мірою; трикутники за видами їхніх кутів та довжиною сторін;**зображує:** відрізок даної довжини та кут даної градусної міри; вказані у змісті геометричні фігури задопомогою лінійки, косинця,транспортира; координатний промінь, натуральні числа на координатному промені;**знає** одиниці вимірювання площі; **розуміє та записує** співвідношення між одиницями вимірюванняплощі;**вимірює та обчислює:** довжину відрізка; градусну міру кута;периметр трикутника і прямокутника;**застосовує** прийоми раціональних | Текстові задачіВідрізок, пряма, промінь . Довжина відрізка. Одиниці вимірювання довжини відрізкаКоординатний промінь. Шкала. Лінійні та стовпчасті діаграмиКут. Величина кута. Види кутів Трикутник та його периметр.Види трикутників за кутами тасторонамиКвадрат. Прямокутник . Рівність фігурПлоща та периметр квадрата і прямокутникаОдиниці вимірювання площі | Групові та індивідуальні консультаціїЗавдання взаємного оцінювання знань Пошук інформації в друкованихджерелах та інтернетіДослідницька, проєктна та пошукова діяльність.Наприклад:* Встановлення існування коренів рівняння
* Встановлення істинності чи хибності числової нерівності
* Пошук раціональних способів обчислень числових виразів
* Побудова лінійних та стовпчастих діаграм за допомогою комп’ютерних програм, в тому числі діаграм за

реальними даними* Дослідження реальних даних та процесів за допомогою лінійних та стовпчастих діаграм
* Дослідження кількості способів розв’язування текстової задачі та їх раціональності
* Дослідження остачі від суми та різниці чисел на натуральне число
* Дослідження взаємозв’язків між
 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| обчислень;**розв’язує вправи, що****передбачають:** запис числа у вигляді суми розрядних доданків; порівняння та округлення натуральних чисел; виконання чотирьох арифметичних дій з натуральними числами;піднесення натурального числа доквадрата та куба; ділення з остачею; обчислення значень числових ібуквених виразів, периметра і площі прямокутника і квадрата;**розв’язує вправи, що****передбачають:** аналіз лінійних та стовпчастих діаграм;**розв’язує:** рівняння на основізалежностей між компонентами та результатом арифметичних дій; **розв’язує:** текстові задачі на рух, роботу та пов’язані з купівлею-продажем арифметичним способом;**знаходить на малюнках:** стовпчасті діаграми;**розв’язує сюжетні задачі з реальними даними щодо:** використання природних ресурсіврідного краю; знаходження периметрів та площ земельних ділянок, підлогикласної кімнати, розрахунків,пов’язаних із календарем і годинником |  | елементами трикутника (нерівність трикутника, сума градусних міркутів)* Встановлення залежності між різними одиницями однієї величини
* Ознайомлення з правильними многокутниками
* Визначення площі плоских фігур дослідницьким шляхом
 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| тощо;**обирає** числові дані, необхідні і достатні для відповіді на запитання задачі;**створює** допоміжну модель задачі різними способами. |  |  |
| **Тема 3. ПОДІЛЬНІСТЬ НАТУРАЛЬНИХ ЧИСЕЛ** |
| **наводить приклади:** простих іскладених чисел; парних і непарнихчисел; чисел, що діляться націло на 2, 3, 5, 9, 10;**розуміє** зміст терміну «ознака»;**розрізняє:** прості і складені числа; дільники і кратні натурального числа; **формулює** означення понять: дільник, кратне, просте число,складене число, спільний дільник; ознаки подільності на 2, 3, 5, 9, 10; взаємно прості числа**розв’язує вправи, що****передбачають:** використання ознак подільності чисел на 2, 3, 5, 9, 10; розкладання натуральних чисел на прості множники в межах тисячі; знаходження спільних дільників двох чисел; найбільшого спільного дільника (НСД) двох (кількох) чисел в межах ста; знаходженнянайменшого спільного кратного | Дільники та кратні натурального числаОзнаки подільності на 2, 3, 5, 9 і10Прості та складені числаРозкладання чисел на прості множникиНайбільший спільний дільник Взаємно прості числаНайменше спільне кратне | Короткі усні/письмові відповіді на запитанняУсний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуванимирезультатами навчання, самостійних та тематичних контрольних робіт, інших видів робіт для діагностики,контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправГрупові та індивідуальні консультації Завдання взаємного оцінювання знань |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| (НСК) двох чисел (кількох) в межах ста. |  | Пошук інформації в друкованих джерелах та інтернетіДослідницька, проєктна та пошукова діяльністьНаприклад:* Визначення виду числа (просте чи складене).
* Дослідницькі задачі на встановлення подільності числа на задане число або добуток заданих чисел
* Дослідження парності суми, різниці і добутку двох (кількох) натуральних чисел
* Визначення того, чи є число досконалим
* Знаходження простих чисел- близнюків
 |
| **Тема 4. ДРОБОВІ ЧИСЛА І ДІЇ З НИМИ** |
| **наводить приклади:** звичайних і десяткових дробів;**розрізняє**: звичайні і десяткові дроби; правильні і неправильні дроби; **пояснює,** що таке чисельник і знаменник дробу; мішане число;**називає** розрядні одиниці цілої та дробової частини десяткового дробу; | Звичайні дробиДріб як частка двох натуральних чиселПорівняння звичайних дробів з однаковими знаменниками | Короткі усні/письмові відповіді на запитанняУсний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **читає і записує:** звичайні та десяткові дроби; мішані числа;**формулює** означення: правильного і неправильного дробу; середньогоарифметичного;**знає, розуміє** та **застосовує** правила: округлення десяткових дробів, знаходження середньогоарифметичного;**розв’язує вправи, що передбачають:** порівняння, додавання і віднімання звичайних дробів з однаковими знаменниками; порівняння,округлення, додавання, множення ділення десяткових дробів нанатуральне число та на десятковий дріб; перетворення мішаного числа у неправильний дріб; перетвореннянеправильного дробу в мішане число або натуральне число; знаходження середнього арифметичного кількохчисел;**розв’язує вправи, що передбачають:** знаходження середнього значення величини;**застосовує** прийоми раціональних обчислень;**розв’язує сюжетні задачі з****реальними даними щодо:** безпеки руху; розрахунку сімейного бюджету, | Правильні та неправильні дроби. Мішані числаДодавання і відніманнязвичайних дробів з однаковими знаменникамиДесятковий дріб. Запис десяткових дробівПорівняння десяткових дробів Округлення десяткових дробівАрифметичні дії з десятковими дробамиСереднє арифметичне. Середнє значення величини | задач, передбачених очікуванимирезультатами навчання, самостійних та тематичних контрольних робіт, інших видів робіт для діагностики,контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправ Групові та індивідуальні консультації Завдання взаємного оцінювання знаньПошук інформації в друкованих джерелах та ІнтернетіДослідницька, проєктна та пошукова діяльністьНаприклад:* Використання звичайних та

десяткових дробів у повсякденному житті та навколишньому середовищі* Дослідження і порівняння дробів з однаковими чисельниками
* Створення моделей для ілюстрації
 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| можливості здійснення масштабних покупок; безпеки і охорони здоров’я; практичних аспектів фінансових питань;**прогнозує** очікуваний результат. |  | звичайних дробів* Дослідження взаємозв’язку десяткових і звичайних дробів
* Пошук раціональних способів обчислень числових виразів
* Розв’язування задач дослідницького характеру із звичайними та

десятковими дробами* Задачі дослідницького характеру на середнє значення величини
 |
| **Додаткові теми:**Найпростіші комбінаторні задачі.Розв’язування текстових задач алгебраїчним методом.Розкладання натуральних чисел, більших за тисячу, на прості множники.Знаходження найбільшого спільного дільника (НСД) і найменшого спільного кратного (НСК) двох (кількох) чисел в межах тисячі.Логічні задачі.Розв’язування нерівностей з одним невідомим. |

* 1. **клас МАТЕМАТИКА**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Очікувані результати навчання****здобувачів освіти** | **Зміст навчального матеріалу** | **Види навчальної діяльності** |
| **Тема 1. ЗВИЧАЙНІ ДРОБИ** |
| **наводить приклади:** скінченних та нескінченних періодичних десяткових | Основна властивість дробу. Скорочення дробу | Короткі усні/письмові відповіді на запитання |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| дробів; взаємно обернених чисел; **розрізняє:** скінченні та нескінченні періодичні десяткові дроби;**читає і записує:** нескінченні періодичні дроби;**розуміє** правила: порівняння,додавання, віднімання, множення і ділення звичайних дробів;знаходження дробу від числа та числа за його дробом;**формулює** основну властивість дробу, означення відсотка;**подає** звичайний або десятковий дріб у відсотках і навпаки, перетворює відсотки у звичайний або десятковий дріб;**розв’язує вправи, що передбачають:** скорочення дробів; зведення дробів до спільного знаменника; порівняння дробів; додавання, віднімання,множення і ділення звичайних дробів; запис звичайного дробу у виглядідесяткового дробу;**розв’язує вправи, що передбачають:** знаходження дробу від числа та числа за значенням його дробу; знаходження відсотків від числа та числа за його відсотками;**розуміє** співвідношення між числами | Найменший спільний знаменник дробів. Зведення дробів доспільного знаменника Порівняння дробівАрифметичні дії зі звичайними дробамиПеретворення звичайних дробів у десятковіНескінченні періодичні десяткові дроби. Десяткове наближення звичайного дробуЗнаходження дробу від числа та числа за значенням його дробуВідсоткиЗнаходження відсотків від числа та числа за значенням його відсотків | Усний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуваними результатами навчання,самостійних та тематичнихконтрольних робіт, інших видів робіт для діагностики, контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправ Групові та індивідуальніконсультаціїВиконання завдань длясамоконтролю та взаємоконтролю знаньПошук інформації в друкованих джерелах та інтернеті |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| на основі значень їх відсотків та відповідність між частинами числа і його відсотками (чверть, половина тощо);**застосовує** прийоми раціональних обчислень;**розв’язує сюжетні задачі з****реальними даними на**: прийняття рішень у сфері фінансових операцій, пов’язані із відсотками, розрахунок власних та родинних фінансів,комунальних платежів;**обирає** числові дані, необхідні і достатні для відповіді на запитання задачі;**створює** допоміжну модель задачі різними способами. |  | Робота з додатковою літературоюДослідницька, проєктна та пошукова діяльністьНаприклад:* Створення моделей для ілюстрації звичайних дробів
* Дослідження взаємозв’язку десяткових і звичайних дробів
* Дослідження різних форм подання задач на відсотки.
* Дослідження взаємозв’язку десяткових дробів і відсотків; звичайних дробів і відсотків
* Пошук раціональних способів обчислень числових виразів
* Знаходження та дослідження

різних видів масштабу на картах і планах. |
| **Тема 2. ВІДНОШЕННЯ І ПРОПОРЦІЇ** |
| **наводить приклади** пропорційних величин;**розрізняє**: коло і круг; пряму та обернену пропорційність;**розуміє**, що таке: відношення; пряма та обернена пропорційна залежність; | Відношення. Основна властивість відношенняПропорція. Основна властивість пропорціїПряма та обернена пропорційні | Короткі усні/письмові відповіді на запитанняУсний рахунок Дидактичні ігри |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| члени пропорції; масштаб; коло, круг, радіус кола (круга), діаметр кола (круга); круговий сектор; куткругового сектора; кругова діаграма;**формулює:** означення пропорції; основну властивість пропорції;**зображує та знаходить на малюнках:** коло і круг; круговий сектор;**зображує** кругові діаграми;**розв’язує вправи, що****передбачають:** знаходження відношення чисел і величин;використання масштабу; знаходження невідомого члена пропорції;знаходження довжини кола і площі круга;**розв’язує вправи, що****передбачають:** аналіз кругових діаграм;**розв’язує:** основні задачі на відсотки; задачі на пропорційні величини і пропорційний поділ;**прогнозує** очікуваний результат;**розв'язує сюжетні задачі з****реальними даними на**: розрахунок відсоткового відношення різних величин, розпоряджання коштами, в простих ситуаціях оцінювати очікувані | залежностіПоділ числа у даному відношенніМасштаб. Знаходження відстаней по картіВідсоткове відношення двох чисел. Відсоткові розрахункиКоло. Довжина кола. Круг Площа кругаКруговий сектор Кругові діаграми | Виконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуваними результатами навчання,самостійних та тематичнихконтрольних робіт, інших видів робіт для діагностики, контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправПрактична робота на вимірювання та побудовуГрупові та індивідуальні консультаціїВиконання завдань длясамоконтролю та взаємоконтролю знаньПошук інформації в друкованих джерелах та інтернеті |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| та реальні витрати тощо. |  | Робота з додатковою літературоюДослідницька, проєктна та пошукова діяльністьНаприклад:* Дослідження зміни однієї з двох прямо пропорційних (обернено пропорційних) величин при збільшенні(зменшенні) іншої у

кілька разів* Дослідження трійок

взаємопов’язаних величин* Дослідження взаємного розміщення двох кіл, кола і прямої.

•Дослідження відношення довжини кола до діаметра* Пошук інформації про число π, десяткові знаки цього числа
* Побудова кругових діаграм за допомогою комп’ютерних програм, в тому числі діаграм за реальними даними
* Дослідження реальних даних та процесів за допомогою кругових

діаграм |
| **Тема 3. РАЦІОНАЛЬНІ ЧИСЛА ТА ДІЇ З НИМИ** |
| **наводить приклади:** додатних та від’ємних чисел; протилежних чисел; цілих та раціональних чисел; | Додатні та від’ємні числа, число нуль | Короткі усні/письмові відповіді на запитання |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **розуміє**, що таке: модуль числа; протилежні числа; цілі числа;раціональні числа; подібні доданки;координатна пряма, координата точки на прямій; координатна площина,координати точки на площині; **формулює означення**: модуля числа, протилежних чисел, паралельних та перпендикулярних прямих;**будує:** координатну пряму; координатну площину;перпендикулярні й паралельні прямі за допомогою лінійки і косинця; **будує:** графіки залежностей між величинами по точках;**розв’язує вправи, що****передбачають:** знаходження модуля числа; порівняння раціональнихчисел; додавання, віднімання,множення і ділення раціональнихчисел; обчислення значень числових виразів, що містять додатні й від’ємні числа; розкриття дужок, зведення подібних доданків; знаходженнякоординат точки та побудову точки за її координатами; знаходження об’єму прямокутного паралелепіпеда й куба; **розв’язує вправи, що****передбачають:** аналіз графіків залежностей між величинами | Координатна пряма. Координата точки на прямійПротилежні числа. Модуль числа Цілі числа. Раціональні числа Порівняння раціональних чиселАрифметичні дії з раціональними числамиВідстань між точками на координатній прямійВластивості додавання і множення раціональних чисел. КоефіцієнтРозкриття дужок. Подібні доданки та їхнє зведення.Рівняння. Основні властивості рівняньРозв’язування задач за допомогою рівняньПаралельні та перпендикулярні прямі, їхня побудова задопомогою лінійки і косинця | Усний рахунок Дидактичні ігриВиконання вправ та розв’язування задач, передбачених очікуваними результатами навчання,самостійних та тематичнихконтрольних робіт, інших видів робіт для діагностики, контролю знань та оцінювання результатів навчанняРобота з підручникомГрупове обговорення проблемних ситуаційВиконання інтерактивних вправПрактична робота на вимірюваннями та на побудовуГрупові та індивідуальні консультаціїВиконання завдань длясамоконтролю та взаємоконтролю знань |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| (відстань, час; температура, час тощо) **застосовує** прийоми раціональних обчислень;**розв’язує:** рівняння з використанням правил, що ґрунтуються на основних властивостях рівняння; текстові задачі за допомогою рівнянь;**перевіряє** правильність розв’язку задачі;**розпізнає** у просторі та співвідносить з об’єктами навколишньої дійсності: куб, прямокутний паралелепіпед; **пояснює,** що таке куб, прямокутний паралелепіпед; вершини, ребра, грані куба та прямокутного паралелепіпеда; рівняння;**має уявлення** про розгортку прямокутного паралелепіпеда, яке формується на реальних об’єктах навколишнього середовища;**знає** одиниці вимірювання об’єму;**записує і пояснює** формули об’єму куба й прямокутного паралелепіпеда та співвідношення між одиницями вимірювання об’єму;**розв’язує сюжетні задачі з****реальними даними на:** знаходження об'єму об'єктів, що мають формупрямокутного паралелепіпеда. | Координатна площина. Координати точки на площиніПриклади графіків залежностей між величинамиКуб. Прямокутний паралелепіпед Розгортка прямокутногопаралелепіпедаОб’єм куба і прямокутного паралелепіпедаОдиниці вимірювання об’єму | Пошук інформації в друкованих джерелах та інтернетіРобота з додатковою літературоюДослідницька, проєктна та пошукова діяльність.Наприклад:* Пошук раціональних способів обчислень числових виразів
* Дослідження значень виразів, що містять модуль
* Дослідження розташування точки на координатній прямій

(координатній площині) залежно від заданих координат* Знаходження та дослідження різних об’єктів довкілля, що мають форму об’ємних геометричних

фігур, об’ємів цих об’єктів* Дослідження об’ємних фігур та їхніх розгорток
* Визначення об’єму дослідницьким шляхом
* Використання комп’ютерних

програм для побудови графіків |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | залежностей між величинами* Створення малюнків шляхом позначення точок на координатній площині та їхнього послідовного

сполучення відрізками* Дослідження різних графіків залежності між величинами
* Ознайомлення з рівняннями, які не мають розв’язків, та

рівняннями, які мають безлічрозв’язків |
| **Додаткові теми:**Найпростіші комбінаторні задачі.Ймовірність випадкової події. Найпростіші задачі на знаходження ймовірності. Піраміда.Логічні задачі |

Крім зазначених вище ключових компетентностей та базових математичних знань, програма має сприяти особистісному розвитку здобувачів освіти, результатами якого є:

* формування комунікативних компетентностей в спілкуванні та співпраці з однолітками, старшими та молодшими в освітній, навчально-дослідницькій, творчій та інших видах діяльності;
* вміння чітко і грамотно викладати свої думки в усній і письмовій формі, розуміти сенс поставленого завдання, вибудовувати аргументацію, наводити приклади і контрприклади, вести дискусії;
* початкове уявлення про математичну науку як фундаментальну сферу людської діяльності, про етапи її розвитку, про її значущість для розвитку цивілізації та засвоєння інших наук;
* вміння контролювати та корегувати процес і результат навчальної математичної та інших видів діяльності;
* креативне мислення, ініціатива, винахідливість, активність під час розв’язування математичних завдань;
* відповідальне ставлення до навчання, готовність і здатність до саморозвитку та самоосвіти на основі мотивації до навчальної діяльності і пізнання навколишнього світу;
* формування здатності до емоційного сприйняття математичних об'єктів, завдань, рішень, міркувань тощо;
* критичність мислення, вміння розпізнавати логічно некоректні висловлювання, відрізняти гіпотезу від факту.

*Використана література*

1. Державний стандарт базової середньої освіти . Затверджено постановою Кабінету Міністрів України від 30 вересня 2020 р. № 898.
2. Додаток до листа МОН від 24.03.2021. Методичні рекомендації для розроблення модельних навчальних програм.
3. Програма з математики (Програму затверджено Наказом Міністерства освіти і науки України від 07.06.2017 № 804).
4. Програма для 3-4 кл . Математична галузь (за ред. Шияна Р. Б, 2019 р.).
5. Програма для 3-4 кл . Математична галузь (за ред. Савченко О. Я, 2019 р.).